



Guía de Trabajo: Potencias

Nombre		Fecha:	/	/	2020
--------	--	--------	---	---	------

Nombre de la Unidad	Unidad Cero: Números
Tipo de Evaluación	Formativa
Tipo de Corrección	Autocorrección

Instrucciones Generales:

- Esta guía no es necesario que la imprimas para trabajar en ella. Puedes desarrollarla en tu cuaderno, o en la misma guía si cuentas con impresora.
- No olvides ir dejando evidencias de tu trabajo, ya sea en tu cuaderno o carpeta de la asignatura.
- Te sugiero que resuelvas esta guía el mismo día de su publicación, ya que es la única tarea diaria que debes hacer y si no lo haces durante la jornada, se te acumulará con el trabajo de mañana.
- Desarrollar esta guía debería tardarte un tiempo aproximado de 90 minutos.
- Para dudas puedes escribirme un correo electrónico a: rsanchop@fmachile.org
- Al final de esta guía encontrarás el solucionario para que puedas autocorregir tu trabajo, es importante que resuelvas autónomamente la tarea y sólo al finalizar revises este apartado para comprobar lo que realmente eres capaz de resolver y lo que no lo lograste puedas reforzarlo.
- Si quieres profundizar más acerca de este contenido, te invito a acceder a los siguientes recursos digitales: <https://www.thatquiz.org/es-2/matemáticas/potencia/>

¡Éxito en tu trabajo!

Potencias

Definición
 $a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot a \cdot \dots \cdot a}_{n \text{ veces}}$, donde a es base y n exponente

Propiedades
 Sean a, b, p y q números reales:

$a^0 = 1$	$\Rightarrow 9^0 = 1$
$a^p \cdot a^q = a^{p+q}$	$\Rightarrow 5^4 \cdot 5^6 = 5^{10}$
$a^p \cdot b^p = (ab)^p$	$\Rightarrow 3^4 \cdot 8^4 = 24^4$
$(a^p)^q = a^{pq}$	$\Rightarrow (2^3)^5 = 2^{15}$
$a^{-p} = \frac{1}{a^p}$	$(a \neq 0) \Rightarrow 3^{-5} = \frac{1}{3^5}$
$\frac{a^p}{a^q} = a^{p-q}$	$(a \neq 0) \Rightarrow \frac{8^5}{8^2} = 8^3$
$\frac{a^p}{b^p} = \left(\frac{a}{b}\right)^p$	$(b \neq 0) \Rightarrow \frac{14^3}{7^3} = \left(\frac{14}{7}\right)^3$
$\left(\frac{a}{b}\right)^{-p} = \left(\frac{b}{a}\right)^p$	$\left(\frac{a \neq 0}{b \neq 0}\right) \Rightarrow \left(\frac{3}{4}\right)^{-10} = \left(\frac{4}{3}\right)^{10}$

1. Aplica las propiedades y verifica si las siguientes igualdades son verdaderas o falsas:
- $\frac{6^4 + 5^4}{25^2} = \left(\frac{6}{5}\right)^4 + 1$
 - $3^4 + 3^4 + 3^4 = 3^5$
 - $(7a^3)^2 = 49a^5$
 - $(5^a \cdot 7^a) = 35^a$
 - $(2^2)^3 = 64$
 - $9 \cdot 27 = 3^6$
 - $p^q + p^q = 2p^{2q}$
 - $p^q \div p^p = p^{q-p}$
 - $\frac{3^{36}}{(9^9)^2} = 1$
 - $\frac{x^{4(n-1)} \cdot x^n}{x^{2(n+1)}} = x^{3n-2}$ con $x \neq 0$
 - $\frac{25 \cdot 12^x}{5^{-x} \cdot 3^{-1} \cdot 4^x} = 5^{2+x} \cdot 3^{x+1}$
 - $\frac{2^{2n} + 2^{2n+1} + 2^{2n+2} + 2^{2n+3}}{4} = 7 \cdot 2^{n-1}$



II. Resuelve las siguientes potencias y une con la expresión que representa su solución.

1. $(9^{2q-1})^3 \cdot (0, \bar{3})^{5q-2}$	$\frac{q^{2x}}{p}$
2. $(p^x + p^x)^3$	p^{-2q}
3. $\left(\frac{2^{q+5} - 8 \cdot 2^{q+1}}{2^{q+1} \cdot 4}\right)$	$q + p$
4. $(p^{1-q} \div p^{1-3q})^{-1}$	3^{7q-4}
5. $\frac{3^{p+1} - 3^{p+2}}{12 \cdot 3^p}$	$-\frac{1}{2}$
6. $\left(\frac{1}{4}\right)^{-2} + 0,2^{-1}$	$8p^{3x}$
7. $(p^{-1} + q^{-1}) \div (pq)^{-1}$	21
8. $\left(\frac{p^{-3} \cdot q^{-5x}}{r^{-2y}}\right) \div \left(\frac{p^{-2} \cdot q^{-7x} \cdot r^{-y}}{r^{-3y}}\right)$	2

Solucionario I.

1. Verdadero
2. Verdadero
3. Falso
4. Verdadero
5. Verdadero
6. Falso
7. Falso
8. Verdadero
9. Verdadero
10. Verdadero
11. Verdadero
12. Falso

¿Qué fue lo que me resultó más fácil resolver?

¿Qué fue lo que más me costó resolver y por qué?

¿Qué necesito aprender para no volver a tener estas dificultades?

¿Qué puedo hacer para disminuir estas dificultades?

¿Qué evaluación me pondría por los resultados obtenidos?

Lo que viene: Raíces o potencia de números fraccionarios

Raíces

Sea $\sqrt[n]{a} = b$, entonces $a = b^n$

Definición

n : Índice radical.
 a : Cantidad subradical.
 b : Radical.

$\sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}}$

Propiedades

$\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$
 $\sqrt[n]{a} : \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a:b}$
 $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[m]{b} = \sqrt[mn]{a^m b^n}$
 $\sqrt[n]{a} : \sqrt[m]{b} = \sqrt[mn]{a^m : b^n}$
 $\sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[mn]{a}$